

Nom :

Prénom :

N.B. : Répondez directement sur la feuille

Exercice 1 : Analyse de code

Une erreur s'est glissée dans ce programme. Entourez la et corrigez la.

```
def nbElementsAvant(s:str, c:str) -> int :
    cpt = 0
    i = 0
    while s[i] != c :
        cpt +=1
    return cpt
```

Que fait cette fonction ?

Exercice 2 : Écriture de code

Écrivez une fonction `fonction(seuil: int) -> int` qui retourne le plus petit entier n tel que $n + n^2 + n^3 + n^4 + \dots + n^n$ dépasse `seuil`.

Exercice 3 : Graphes

À l'aide de la documentation fournie, écrivez la fonction `colorierAutresSommets(G: graphe, nom: str, c1: color, c2: color, c3: color)` qui :

- colore le sommet désigné par `nom` dans la couleur `c1` passée en argument ;
- colore tous les voisins du sommet désigné par `nom` dans la couleur `c2` passée en argument ;
- colore tous les autres sommets du graphe `G` dans la couleur `c3` passée en argument.

C.4 Utilisation de la bibliothèque de graphes

Il faut commencer par importer le module `bibgraphes` :

```
from bibgraphes import *
```

Attention à respecter la distinction entre minuscules et majuscules :

L'argument <code>G</code> est un graphe	
<code>listeSommets(G:graphe) -> list</code>	retourne la <i>liste</i> des <i>sommets</i> de <code>G</code>
<code>nbSommets(G:graphe) -> int</code>	retourne le <i>nombre</i> de <i>sommets</i> de <code>G</code>
<code>sommetNom(G:graphe,etiquette:str) -> sommet</code>	retourne le <i>sommet</i> de <code>G</code> désigné par son <i>nom</i> (<i>etiquette</i>)
<code>afficherGraphe(G:graphe)</code> ou simplement <code>dessiner(G)</code>	demande (très poliment) au logiciel <i>Graphviz</i> de dessiner le graphe <code>G</code> ; voir page suivante pour les détails

L'argument <code>s</code> est un sommet	
<code>listeVoisins(s:sommet) -> list</code>	retourne la <i>liste</i> des <i>voisins</i> de <code>s</code>
<code>degre(s:sommet) -> int</code>	retourne le <i>degré</i> de <code>s</code>
<code>nomSommet(s:sommet) -> str</code>	retourne le <i>nom</i> (étiquette) de <code>s</code>
<code>colorierSommet(s:sommet,c:str)</code>	colorie <code>s</code> avec la couleur <code>c</code> . Exemples de couleurs : 'red', 'green', 'blue', 'white', 'cyan', 'yellow'
<code>couleurSommet(s:sommet) -> str</code>	retourne la <i>couleur</i> de <code>s</code>
<code>marquerSommet(s:sommet)</code> <code>demarquerSommet(s:sommet)</code>	marque le sommet <code>s</code> démarque le sommet <code>s</code>
<code>estMarqueSommet(s:sommet) -> bool</code>	retourne <code>True</code> si <code>s</code> est marqué, <code>False</code> sinon
<code>listeAretesIncidentes(s:sommet) -> list</code>	retourne la <i>liste</i> des arêtes <i>incidentes</i> à <code>s</code>

L'argument <code>a</code> est une arête	
<code>nomArete(a:arete) -> str</code>	retourne le <i>nom</i> (étiquette) de <code>a</code>
<code>marquerArete(a:arete)</code> <code>demarquerArete(a:arete)</code>	marque l'arête <code>a</code> démarque l'arête <code>a</code>
<code>estMarqueeArete(a:arete) -> bool</code>	retourne <code>True</code> si <code>a</code> est marquée, <code>False</code> sinon

Arguments : un sommet <code>s</code> et une arête <code>a</code>	
<code>sommetVoisin(s:sommet,a:arete) -> sommet</code>	retourne le sommet voisin de <code>s</code> en suivant l'arête <code>a</code>

L'argument <code>u</code> est une liste	
<code>melange(u:list) -> list</code>	retourne une copie mélangée aléatoirement de la liste <code>u</code> . Exemple : <code>melange(listeSommets(G))</code> où <code>G</code> contient un graphe
<code>elementAleatoireListe(u:list)</code>	retourne un élément choisi aléatoirement dans la liste <code>u</code> si celle-ci est non vide. Si la liste <code>u</code> est vide la fonction retourne une erreur <code>IndexError</code> . Exemple : <code>elementAleatoireListe(listeSommets(G))</code> où <code>G</code> contient un graphe

Les fonctions suivantes permettent de construire des graphes de taille variable :

<code>construireComplet(n:int) -> graphe</code>	retourne le graphe complet K_n Exemple : <code>K5 = construireComplet(5)</code>
<code>construireBipartiComplet(m:int,n:int) -> graphe</code>	retourne $K_{m,n}$. Exemple : <code>K34 = construireBipartiComplet(3,4)</code>
<code>construireArbre(d:int,h:int) -> graphe</code>	retourne l'arbre de hauteur h dont chaque sommet possède d fils. Exemple : <code>arbre = construireArbre(2,3)</code>
<code>construireGrille(m:int,n:int) -> graphe</code>	retourne la grille rectangulaire avec m lignes et n colonnes. Exemple : <code>grille = construireGrille(4,6)</code>
<code>construireTriangle(n:int) -> graphe</code>	retourne la grille triangulaire d'ordre n Exemple : <code>t5 = construireTriangle(5)</code>

La fonction `ouvrirGraphe` permet d'ouvrir un graphe existant au format `.dot`. Le format `.dot` est très standard et utilisé très largement pour sauvegarder des graphes, en fait c'est un simple fichier texte, vous pouvez l'ouvrir pour voir à quoi il ressemble ! On peut également écrire des graphes, notamment pour sauvegarder un coloriage.

<code>ouvrirGraphe(nom:str) -> graphe</code>	Ouvre le fichier <code>nom</code> et retourne le graphe contenu dedans. (par exemple <code>ouvrirGraphe("fichier.dot")</code>).
<code>ecrireGraphe(G:graphe, nom:str)</code>	Sauvegarde le graphe <code>G</code> dans le fichier <code>nom</code> (par exemple <code>ecrireGraphe(G:graphe, "fichier.dot")</code>).

La fonction `afficherGraphe` (aussi appelée `dessiner`) comporte des paramètres facultatifs :

<code>afficherGraphe(G:graphe, True)</code>	dessine le graphe <code>G</code> en affichant les noms (étiquettes) des arêtes
<code>afficherGraphe(G:graphe, algo='neato')</code>	dessine le graphe <code>G</code> en utilisant un algorithme où les arêtes sont traitées comme des ressorts
<code>afficherGraphe(G:graphe, algo='circo')</code>	dessine le graphe <code>G</code> en utilisant un algorithme de placement des sommets sur un cercle

Nom :

Prénom :

N.B. : Répondez directement sur la feuille

Exercice 1 : Analyse de code

Une erreur s'est glissée dans ce programme. Entourez la et corrigez la.

```
def nbElementsApres(s:str, c:str) -> int :
    cpt = 0
    i = len(s)-1
    while s[i] != c :
        cpt +=1
    return cpt
```

Que fait cette fonction ?

Exercice 2 : Écriture de code

Écrivez une fonction `fonction(seuil: int) -> int` qui retourne le plus petit entier n tel que $1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2$ dépasse `seuil`.

Exercice 3 : Graphes

À l'aide de la documentation fournie, écrivez la fonction `colorierAutresSommets(G: graphe, nom: str, c1: color, c2: color, c3: color)` qui :

- colore le sommet désigné par `nom` dans la couleur `c3` passée en argument ;
- colore tous les voisins du sommet désigné par `nom` dans la couleur `c2` passée en argument ;
- colore tous les autres sommets du graphe `G` dans la couleur `c1` passée en argument.

C.4 Utilisation de la bibliothèque de graphes

Il faut commencer par importer le module `bibgraphes` :

```
from bibgraphes import *
```

Attention à respecter la distinction entre minuscules et majuscules :

L'argument <code>G</code> est un graphe	
<code>listeSommets(G:graphe) -> list</code>	retourne la <i>liste</i> des <i>sommets</i> de <code>G</code>
<code>nbSommets(G:graphe) -> int</code>	retourne le <i>nombre</i> de <i>sommets</i> de <code>G</code>
<code>sommetNom(G:graphe,etiquette:str) -> sommet</code>	retourne le <i>sommet</i> de <code>G</code> désigné par son <i>nom</i> (<i>etiquette</i>)
<code>afficherGraphe(G:graphe)</code> ou simplement <code>dessiner(G)</code>	demande (très poliment) au logiciel <i>Graphviz</i> de dessiner le graphe <code>G</code> ; voir page suivante pour les détails

L'argument <code>s</code> est un sommet	
<code>listeVoisins(s:sommet) -> list</code>	retourne la <i>liste</i> des <i>voisins</i> de <code>s</code>
<code>degre(s:sommet) -> int</code>	retourne le <i>degré</i> de <code>s</code>
<code>nomSommet(s:sommet) -> str</code>	retourne le <i>nom</i> (étiquette) de <code>s</code>
<code>colorierSommet(s:sommet,c:str)</code>	colorie <code>s</code> avec la couleur <code>c</code> . Exemples de couleurs : 'red', 'green', 'blue', 'white', 'cyan', 'yellow'
<code>couleurSommet(s:sommet) -> str</code>	retourne la <i>couleur</i> de <code>s</code>
<code>marquerSommet(s:sommet)</code> <code>demarquerSommet(s:sommet)</code>	marque le sommet <code>s</code> démarque le sommet <code>s</code>
<code>estMarqueSommet(s:sommet) -> bool</code>	retourne <code>True</code> si <code>s</code> est marqué, <code>False</code> sinon
<code>listeAretesIncidentes(s:sommet) -> list</code>	retourne la <i>liste</i> des arêtes <i>incidentes</i> à <code>s</code>

L'argument <code>a</code> est une arête	
<code>nomArete(a:arete) -> str</code>	retourne le <i>nom</i> (étiquette) de <code>a</code>
<code>marquerArete(a:arete)</code> <code>demarquerArete(a:arete)</code>	marque l'arête <code>a</code> démarque l'arête <code>a</code>
<code>estMarqueeArete(a:arete) -> bool</code>	retourne <code>True</code> si <code>a</code> est marquée, <code>False</code> sinon

Arguments : un sommet <code>s</code> et une arête <code>a</code>	
<code>sommetVoisin(s:sommet,a:arete) -> sommet</code>	retourne le sommet voisin de <code>s</code> en suivant l'arête <code>a</code>

L'argument <code>u</code> est une liste	
<code>melange(u:list) -> list</code>	retourne une copie mélangée aléatoirement de la liste <code>u</code> . Exemple : <code>melange(listeSommets(G))</code> où <code>G</code> contient un graphe
<code>elementAleatoireListe(u:list)</code>	retourne un élément choisi aléatoirement dans la liste <code>u</code> si celle-ci est non vide. Si la liste <code>u</code> est vide la fonction retourne une erreur <code>IndexError</code> . Exemple : <code>elementAleatoireListe(listeSommets(G))</code> où <code>G</code> contient un graphe

Les fonctions suivantes permettent de construire des graphes de taille variable :

<code>construireComplet(n:int) -> graphe</code>	retourne le graphe complet K_n Exemple : <code>K5 = construireComplet(5)</code>
<code>construireBipartiComplet(m:int,n:int) -> graphe</code>	retourne $K_{m,n}$. Exemple : <code>K34 = construireBipartiComplet(3,4)</code>
<code>construireArbre(d:int,h:int) -> graphe</code>	retourne l'arbre de hauteur h dont chaque sommet possède d fils. Exemple : <code>arbre = construireArbre(2,3)</code>
<code>construireGrille(m:int,n:int) -> graphe</code>	retourne la grille rectangulaire avec m lignes et n colonnes. Exemple : <code>grille = construireGrille(4,6)</code>
<code>construireTriangle(n:int) -> graphe</code>	retourne la grille triangulaire d'ordre n Exemple : <code>t5 = construireTriangle(5)</code>

La fonction `ouvrirGraphe` permet d'ouvrir un graphe existant au format `.dot`. Le format `.dot` est très standard et utilisé très largement pour sauvegarder des graphes, en fait c'est un simple fichier texte, vous pouvez l'ouvrir pour voir à quoi il ressemble ! On peut également écrire des graphes, notamment pour sauvegarder un coloriage.

<code>ouvrirGraphe(nom:str) -> graphe</code>	Ouvre le fichier <code>nom</code> et retourne le graphe contenu dedans. (par exemple <code>ouvrirGraphe("fichier.dot")</code>).
<code>ecrireGraphe(G:graphe, nom:str)</code>	Sauvegarde le graphe <code>G</code> dans le fichier <code>nom</code> (par exemple <code>ecrireGraphe(G:graphe, "fichier.dot")</code>).

La fonction `afficherGraphe` (aussi appelée `dessiner`) comporte des paramètres facultatifs :

<code>afficherGraphe(G:graphe, True)</code>	dessine le graphe <code>G</code> en affichant les noms (étiquettes) des arêtes
<code>afficherGraphe(G:graphe, algo='neato')</code>	dessine le graphe <code>G</code> en utilisant un algorithme où les arêtes sont traitées comme des ressorts
<code>afficherGraphe(G:graphe, algo='circo')</code>	dessine le graphe <code>G</code> en utilisant un algorithme de placement des sommets sur un cercle